

「学びの自立」をめざす複式の算数教育

— 練り上げに関わる活動目標の設定を新たな方途として —

松 浦 武 人

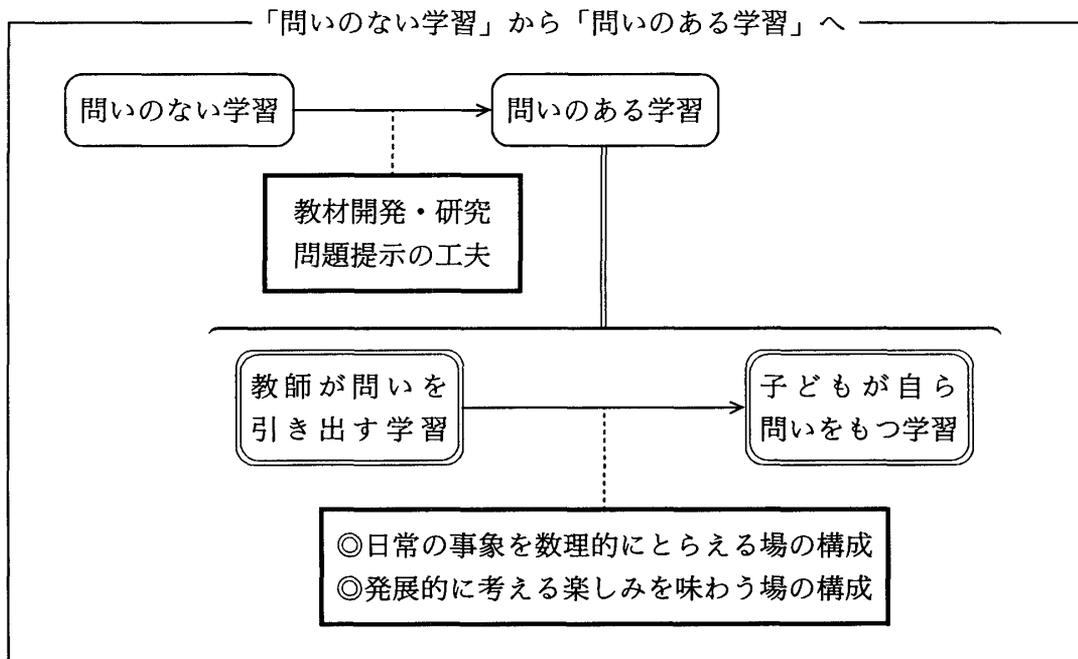
1 はじめに

豊かな感性や情操を土台にして、自ら問いをもち、その追究を楽しむことができる子どもは、自分で自分を磨き、高めていくことができる子どもである。また、自己教育力をもって、生涯に渡って学習し続けることができる人間へと成長・発達していく子どもである。筆者は、このような子どもの姿を「学びの自立」としてとらえており、算数教育を通して、そのような子ども像に迫りたいと考えている。「学びの自立」を具現化するための教師の支援としては、「子どもが自ら問いをもつための支援」、「子どもが自ら問題解決を進めるための支援」、さらに、「子どもが自ら問題解決の質を高めるための支援」が必要であると考えている。本稿においては、「学びの自立」を具現化するための教師の支援について、複式高学年における算数科の実践例を示しながら、具体的に論じていくことにする。

2 子どもが自ら「問い」をもつための教師の支援

(1) 「問いのない学習」から「問いのある学習」へ

「学びの自立」の出発点は、“子どもが自ら「問い」をもつ”ということである。（ここでいう「問い」とは、子どもの解決欲求を引き起こす問題意識という意味である。）よって、「学びの自立」を具現化していくためには、子どもが自ら問いをもつための教師の支援というものが必要となってくる。下図を見ていただきたい。学習において、子どもの問題意識としての「問い」の有無を考えたとき、「問いのない学習」も多く存在していると言えよう。例えば、単なるドリル練習とか、丁寧に分かりやすい説明を聞くだけの学習などである。そこには、「なぜ?」、「どうして?」、「不思議だなあ?」、「おかしいなあ?」などの疑問もなく、「秘密を知りたい!」、「調べてみたい!」などの解決欲求もないのである。そのような「問いのない学習」を「問いのある学習」へと変えていくためには、「教材開発」や「問題提示の工夫」などの教師の支援が必要となるであろう。



さらに、「問いのある学習」を問いの発生の仕方から分類すると、「教師が問いを引き出す学習」と「子どもが自ら問いをもつ学習」に分類することができる。最終的にめざすところは「子どもが自ら問いをもつ学習」である。「教師が問いを引き出す学習」から「子どもが自ら問いをもつ学習」へと導くには、やはり、教師の支援が必要となるのである。私はその支援として、「日常の事象を数理的にとらえる場の構成」と「発展的に考える楽しみを味わう場の構成」を大切にしている。

(2) 子どもが自ら「問い」をもつための教師の支援

前項で示した「問いのない学習」から「問いのある学習」へ到る過程をもとにして、「子どもが自ら問いをもつための教師の支援」について整理してみると、次のようになる。

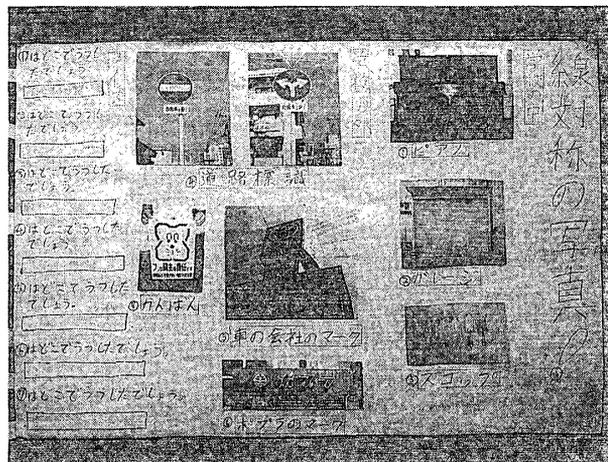
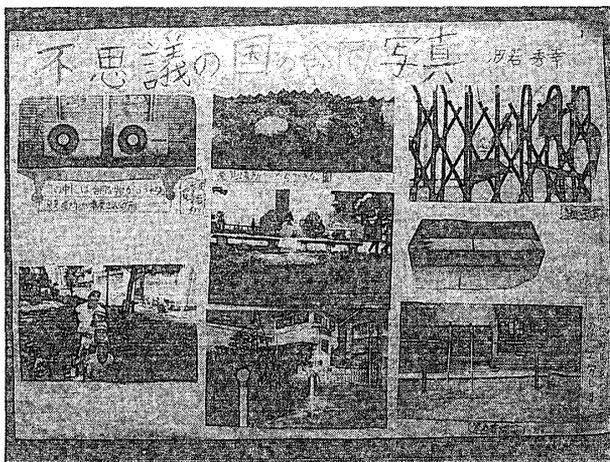
- ◆子どもが自ら問いをもつための支援◆
- 支援1 子どもたち自身の問いが発生し、進んで問題解決したいと思うような素材や問題・課題を開発し、提示する。
 - 支援2 一見、算数科の学習内容とは関わりないように思える日常の事象を素材として取り上げ、教材化する。
 - 支援3 日常の事象の中に発見した数理を整理する活動を仕組む。
 - 支援4 問題場面（条件）や結果を変えて、発展的に思考することを楽しむ場を構成する。

ここでは、支援3（日常の事象の中に発見した数理を整理する活動を仕組む）についての具体例を示しておく。（なお、支援1、2の具体については、第4節の実践例をご覧ください。また、支援4については、本校の教育研究誌『初等教育72号』の中に具体的に示しているので、合わせてご参照ください。）

(3) 実践例（第5学年「合同な図形」、第6学年「対称な図形」）

複式学級高学年において、第5学年の「合同な図形」と第6学年の「対称な図形」の学習を組み合わせ、それぞれ、「合同」と「対称」の概念形成を行った後に、身の回りの事物の中に含まれる「合同」と「対称」を発見することを目的とした校外学習を行った。具体的には、異学年（5年生と6年生）のパートナーを構成し、各グループ1台のポケットカメラを手に、協力して「浜崎公園（近隣の公園）」周辺での共同取材活動を行ったものである。6年生にとって「合同な図形」は既習事項であり、5年生にアドバイスすることは学習内容の一層の定着を図る場となる。また、5年生にとって「対称な図形」は未習事項であるが、6年生との共同取材活動の中で、「対称な図形」に対する概念形成を徐々に行っていくことにもなる。また、身の回りには、「合同」と「対称」の両方の性質を併せもった事物も多く、お互いの学習内容の関連性を把握する場ともなるのである。

取材活動後に、撮影した写真を用いて発見した「対称」や「合同」について整理し、学習のまとめを行った。次の写真はその時作成したものの一例である。



3 子どもが自ら問題解決を進めるための教師の支援

複式学級において、子どもが自ら問題解決を進めるためには、次の2つの支援が必要であると考
えている。

◆子どもが自ら問題解決を進めるための支援◆

支援5 自力解決の場、集団解決の場における自己評価基準と、ふりかえりの場における視
点を具体的に示す。

支援6 日々の日直が問題解決学習の司会役を務めるようにする。

ここでは、支援5についての具体を示す。

算数の授業で自分とみんなを高めるために！

自力解決の場における自己評価基準

- 【基準①】 自分の考えをもつことができる。
- 【基準②】 自分の考えを表現することができる。
→→②' 分かりやすい表現を工夫することができる。
- 【基準③】 別の方法を考えることができる。
→→③' よりよい方法（簡単、分かりやすい、場面が変わっても使える、ユニーク）
を考えることができる。
- 【基準④】 自分の複数の考え方を比べてみることができる。

集団解決の場における自己評価基準

- 【基準①】 友達の考えを聞くことができる。
わからないことは質問することができる。
- 【基準②】 自分の考えを発表することができる。
→→②' 分かりやすく発表することができる。
- 【基準③】 友達の考え方について、思ったことを発表できる。
→→③' 似ているところを発表することができる。
- 【基準④】 友達の考え方のよいところを見つけ、発表することができる。

ふりかえりの場における視点

- 【視点①】 友達の考え方を聞いて分かったこと
- 【視点②】 友達の考え方のよいと思うところ
- 【視点③】 友達の考え方について思ったことを自由に
- 【視点④】 ○○くん（さん）の考え方について、どう思うか
- 【視点⑤】 友達の考え方とくらべて、自分の考え方をどう思うか
- 【視点⑥】 聞いてみたいこと、調べてみたいこと
- 【視点⑦】 身のまわりのもので、今日の学習とつながりのあるものはないか
- 【視点⑧】 今日の自分の学習の態度はどうだったか

学年当初、このようなプリントを児童一人一人に配布し、具体的な問題を通して問題解決学習の
進め方についてのオリエンテーションを行った。その数時間は、異学年共通の素材を用いての一斉
授業である。その後の平素の授業においても、プリントを見ながら学習を進めたり、教師が繰り返
し基準や視点を唱えたり、提示したりしながら児童の内言化を図った。教室前面にも、プリントを
拡大したものを掲示し、常に、基準や視点を意識しながら学習を進めることができるようにした。

ここで、梶田叡一氏、安彦忠彦氏の自己評価に関する指摘を掲げておきたい。

梶田叡一氏

1)

- 本当に自立した学習者を育てるためには、厳しく教え込み、鍛え上げるという面が不可欠である。
- 自己評価を行うということが自立的な学習へとつながっていくための必要条件として、それが適切な目標水準との関係でなされたものであるという点をあげなくてはならない。…自己評価をさせる前提として、それぞれの子どもが目標とすべき水準について指導しておくことの重要性が浮かび上がってくる。

安彦忠彦氏

2)

「させる自己評価なんていうのは言語矛盾だ」と批判するひとがいますけれども、では、放っておくと自己評価するかというと、子どもは放っておいてはなかなか自己評価しません。…先生が「いずれ、おまえには自力でやらせるぞ」という方針でやらせておけば、段々自分で力をつけていって、先生が手を引いていくと、自分だけでやるようになる。…そういうふうには、やらせる自己評価というの、初期の段階では必要なんですね。…子どもが自分で学ぶぞ、学ぶことは自分の責任である、ということを実感させるのに、やはり、自己評価というのが大きな役割を持っている。

先に掲げた筆者の支援も、大変指導的で、ドリル的であるが、最終的なねらいは児童の自己評価力の育成であり、その自己評価活動に基づいた問題解決学習の遂行である。

4 子どもが自ら問題解決の質を高めるための教師の支援

(1) 練り上げに関わる活動目標の設定

前節では、子どもが自ら問題解決を進めるための教師の支援の一方途として、「自己評価基準の設定」について述べた。この自己評価基準をより高い段階へ(①から④へ)と進めていくことを常に意識して問題解決を行うことができれば、問題解決をただ“進める”だけではなく、同時に、その“質を高める”ことになるであろう。本節では、さらに、子どもが自ら「問題解決の質を高めていこう」とする意識化を図るために、前節の「自己評価基準」をもとに改善・開発した「活動目標」の設定について述べてみたい。

◆子どもが自ら問題解決の質を高めるための支援◆

支援7 練り上げに関わる活動目標を自力解決の場と集団解決の場のそれぞれにおいて設定する。

「練り上げ」という用語は、一般に、集団解決の場において用いられる用語である。つまり、集団解決の場において多様な考えが出された段階で始まる活動ととらえられているのである。しかし、私はあえて、「練り上げは自力解決の場から始まる」という考えを提案したい。自力解決の場において、一人一人が多様に考え、それらの考えを自分自身で比較検討し、練り上げていくのである。そして、集団解決の場においては、一つ一つの考えとともに、自力解決の場において一人一人が練り上げた内容も発表していくのである。そのような集団解決の場では、自力解決における個々の練り上げの内容をさらに練り上げていく活動が見られるようになるのである。

ここでは、まず、児童自身が「練り上げは自力解決の場から始まる」という意識をもって学習に臨むための支援(活動目標の設定)について、具体的に示しておく。

③ 本時の目標〔5・6年共通〕

- ・表の数量関係に着目して、視力を求めることができる。
- ・考え方のよさを生かして、活用問題の解決方法を選択することができる。

④ 評価の観点

| | 5 年 生 | 6 年 生 |
|----------|--|--|
| 関心・意欲・態度 | ランドルト環の測定距離と視力との関係に興味・関心を抱く。 | ランドルト環のすき間と視力の関係に興味・関心を抱く。 |
| 数学的な考え方 | ○表の数量関係（比例関係）に着目して、視力を求めることができる。 ○考え方のよさを活かして、活用問題の解決方法を選択することができる。 | ○表の数量関係（反比例の関係）に着目して、視力を求めることができる。 ○考え方のよさを活かして、活用問題の解決方法を選択することができる。 |
| 表現・処理 | 考え方を文字式を用いて表すことができる。 | 2量の関係を文字式を用いて表すことができる。 |
| 知識・理解 | 考え方を表す式の意味が理解できる。 | 考え方を表す式の意味が理解できる。 |

⑤ 学習展開の計画

| 5 年 生 | 6 年 生 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|--|---------|-----|-----|-----|---|-----|--|--|----|----|----|---|-----|---|---|-----|---|-----|----|----|---|---|----|--|---|-----|---|--------|--|----|----|-----|----|-----|---|-----|---|-------|---|-----|---|-----|
| 教師の働きかけ | 教師の働きかけ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| <p>1 本時の学習素材への興味・関心を引き出すために、次のような働きかけをする。</p> <ul style="list-style-type: none"> ・視力8のランドルト環を提示し、すき間の方向を問う。 ・その後、実物投影機で拡大して投影する。 <p>視力の2種類の測定方法について説明する。 方法Bをもとにした問題を5年生の問題とする。</p> <p>2 次の表を提示する。</p> <table border="1"> <tr> <td>視力</td> <td></td> <td></td> <td>2</td> <td>X</td> </tr> <tr> <td>距離m</td> <td></td> <td></td> <td>10</td> <td>15</td> </tr> </table> <p>3・条件不足の場面では、まずは直観的に考える場を設定し隠された数値への関心を引き出す。</p> <p>・間をおいて表の隠れた数字を示す。</p> <table border="1"> <tr> <td>視力</td> <td>1</td> <td>1.5</td> <td>2</td> <td>X</td> </tr> <tr> <td>距離m</td> <td>5</td> <td>7.5</td> <td>10</td> <td>15</td> </tr> </table> <p>◎自力解決の場の活動目標③④を意識化する言葉かけを行う。本時は、特に、それぞれの考え方のよさに焦点をあてる。</p> <p>・個々の考えを把握する。</p> <p>4◎日直の司会で話し合いを進めていく。 ◎自力解決の場の活動目標③と集団解決の場の活動目標①②を観点として、児童の発表を見守る。</p> <p>5◎日直の司会で、考え方の共通性・関連性、よさについて、相互評価を行う場を設定する。 ◎集団解決の場の活動目標③④を意識化する言葉かけを行う。本時は、特に、それぞれの考え方のよさに焦点をあてる。</p> <p>6◎次の問題を提示し、考え方の選択・活用する場とする。 ①すき間が20mの時の視力 ②距離が36mの時の視力</p> <p>7 ふりかえりの観点は自由とする。</p> | 視力 | | | 2 | X | 距離m | | | 10 | 15 | 視力 | 1 | 1.5 | 2 | X | 距離m | 5 | 7.5 | 10 | 15 | <p>1 本時の学習素材と出会う。</p> <p>① 視力8のランドルト環を見る。</p> <p>何も見えないよ。ただの白い紙だ。 本当だ！ ランドルト環があった！ こんな小さなランドルト環が見えるのか？</p> <p>②視力の測定方法について知る。 方法A：距離を固定して測定する方法 方法B：距離を変化させて測定する方法</p> <p>2 本時の問題をお互いに確認する。 《5年生：視力の測定方法Bを使った問題》 《6年生：視力の測定方法Aを使った問題》</p> <p>3 視力Xの求め方を考える。</p> <p>これだけでは不安だ。 隠れた数が知りたい！</p> <p>◎自力解決の場の活動目標③④を意識する。 ③・もっと簡単な方法はないか？ ・人が気づかないような方法はないか？ ・問題の数字が変わっても使える方法はないか？ ④・考え方の似ている所はないか？ ・考え方のつながりはないか？ ・それぞれの考え方のよい所はどこか？ など</p> <p>4 色々な視力の求め方を理解する。 ・視力 2 2.5 3 距離 10 12.5 15 ・$X = 1.5 \times 2$ ・$X \times 5 = 15$ ・$10 + 5 = 15$, $2 + 1 = X$ ・$15 \div X = 5$ ・$15 \div 5 = X$ など</p> <p>5 お互いの考え方について話し合う。</p> <p>◎集団解決の場の活動目標③④を意識する。 ・考え方の似ている所はないか？ ・考え方のつながりはないか？ ・それぞれの考え方のよい所はどこか？ など</p> <p>6 活用問題に取り組む。</p> <p>どの考え方を使うと便利だろうか？</p> <p>7 本時をふりかえる。</p> | <p>1 導入は5年生と共に進行。</p> <p>視力の測定方法Aでは視力とすき間が反比例し、方法Bでは視力と距離が比例している。ここでは、このような数量関係には触れないように測定方法を説明する。 発達段階を考慮して、方法Aをもとにした問題を6年生の問題とする。</p> <p>2 次の表を提示する。</p> <table border="1"> <tr> <td>視力</td> <td></td> <td>1</td> <td>1.5</td> <td>X</td> </tr> <tr> <td>すき間 mm</td> <td></td> <td>15</td> <td>10</td> <td>0.5</td> </tr> </table> <p>3・等差数列と見なして視力2と考える児童が多いと思われる。その考え方をうけると視力やすき間が0となることから児童の問いを引き出す。 ・間をおいて表の隠れた数字を示す。</p> <table border="1"> <tr> <td>視力</td> <td>0.5</td> <td>1</td> <td>1.5</td> <td>X</td> </tr> <tr> <td>距離 mm</td> <td>3</td> <td>1.5</td> <td>1</td> <td>0.5</td> </tr> </table> <p>◎自力解決の場の活動目標③④を意識化する言葉かけを行う。本時は、特に、それぞれの考え方のよさに焦点をあてる。</p> <p>・個々の考えを把握する。</p> <p>4◎日直の司会で話し合いを進めていく。 ◎自力解決の場の活動目標③と集団解決の場の活動目標①②を観点として、児童の発表を見守る。</p> <p>5◎日直の司会で、考え方の共通性・関連性、よさについて、相互評価を行う場を設定する。 ◎集団解決の場の活動目標③④を意識化する言葉かけを行う。本時は、特に、それぞれの考え方のよさに焦点をあてる。</p> <p>6◎次の問題を提示し、考え方の選択・活用する場とする。 ①すき間が15mmの時の視力 ②視力7.5の時のすき間</p> <p>7 ふりかえりの観点は自由とする。</p> | 視力 | | 1 | 1.5 | X | すき間 mm | | 15 | 10 | 0.5 | 視力 | 0.5 | 1 | 1.5 | X | 距離 mm | 3 | 1.5 | 1 | 0.5 |
| 視力 | | | 2 | X | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 距離m | | | 10 | 15 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 視力 | 1 | 1.5 | 2 | X | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 距離m | 5 | 7.5 | 10 | 15 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 視力 | | 1 | 1.5 | X | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| すき間 mm | | 15 | 10 | 0.5 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 視力 | 0.5 | 1 | 1.5 | X | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 距離 mm | 3 | 1.5 | 1 | 0.5 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |

⑥ 児童の反応

ここでは、第5学年の児童Hのノート記述をもとにして、本時の学習活動における児童の反応を紹介する。ノート記述に見られる①～⑦が、本時の集団解決において出された考え方である。

便利だから、と思いました。
算数のことでは一般化とか一般式と
いえる。その問題で一般化してみよう
Fino 11.27 木曜

頭の体操④ 11月28日

すきま 1.5m

| | | | | | | | | |
|-------|-----|---|----|----|----|----|----|-----|
| 視力 | 0.2 | 1 | 2 | x | 4 | 6 | 8 | 0.2 |
| 距離(m) | 1 | 5 | 10 | 15 | 20 | 30 | 40 | 3.0 |

距離をmとしてその時の視力を出しているから、きりの基準がx/1.5
① $2 = 10 = 0.2 \times 15 = 3$ A 3
② $15 = 10 = 1.5 \times 10 = 3$ A 3
③ ある距離とその距離での視力が分かれば、xの視力を出せば、
その視力のときのきりは、そのあるきりの何倍であるかを出せば
ある距離での視力にかければよい。

友達の見解

③ $15 \div 5 \times 1 = 3$ A 3

④ $7.5 - 5 = 2.5$
 $5 - 5 = 10$ $10 \div 2.5 = 4$
 $4 \times 0.5 + 1 = 3$ A 3

⑤ $5 - 1 = 4$ $10 - 2 = 8$
 $15 - (4 \times 3) = 15 - 12 = 3$ A 3

⑥ $1 = \text{視力}$
 $5 = \text{距離}$
 $= \frac{2}{10} = \frac{1}{5} \Rightarrow \frac{x}{15} = \frac{1}{5}$ A 3

⑦ 視力 1.5倍で 2.5m 増える
" 2倍で 5m 増える
" 2.5倍で 7.5m "
" 5倍で 15m "

$15 - 5 = 10m$ 視力が増えているのを探した
 $1 \times 3 = 3$ 視力が3倍

活用問題

① $20 \times 0.2 = 4$ A 4

考え方につけ加えて、児童H自身による次のような発言があった。

①の考え方は、距離を1mとしたときの視力を出しているから、どんなに距離が長くなっても、簡単に計算できると思います。

児童Hのノート記述をよく見ると、自分で考え出した①と②の考えについて、自力解決の場において練り上げた内容を書き込んでいることが分かるであろう。児童Hは、この書き込みをもとにして、上述したような練り上げに関わる発言をしたのである。上掲した活動目標の図において、自力解決の場の活動目標④から集団解決の場の活動目標③に伸ばした矢印の具体例と言えよう。

その他、⑥の考えを出した児童Sからも、自分の考えについて、「分数を使って考えているところがよく工夫されていると思います」という発言があった。

右に示したものは、児童Nのノートである。児童Nも、自力解決の場において考えた1～3のそれぞれの考えについて、自ら評価した内容を記述している。考え方1に対する書き込みは、考え方1が一般化できることを評価しているものである。考え方2と考え方3についての書き込みは、それらの考え方が距離が特定の数のもとでは有効に働くことを評価

頭の体操 No.40

すきまが 1.5mm のとき

| | | | | |
|-------|---|-----|----|----|
| 視力 | 1 | 1.5 | 2 | x |
| 距離(m) | 5 | 7.5 | 10 | 15 |

式

1. $15 \div 10 = 1.5$ $2 \times 1.5 = 3$
10倍の数がとれるから、距離が長くなっても、
 $15 \div 10 \times 1.5 = 3$

2. $15 \div 5 = 3$ $1 \times 3 = 3$
 $15 \div 5 \times 1 = 3$

3. $15 \div 7.5 = 2$ $2 \times 1.5 = 3$
 $15 \div 7.5 \times 1.5 = 3$

しているものと言えよう。児童Nの書き込みに関する発言は残念ながらなかったが、自力解決の場において既に「練り上げ」を行っている児童の姿として評価することができるであろう。

本時の終末において、次のような活用問題を提示した。これらの活用問題に対して、第5学年の

活用問題① 距離が20mの時の視力は？

① $20 \times 0.2 = 10$ 10m

活用問題② 距離が36mの時の距離は？

② $36 \times 0.2 = 18$ 18m

児童7名全員が、児童Hの考え方を使って、

と立式し、問題解決していた。これは、上述した児童

H自身による練り上げの発言に納得した結果であると考えられる。

5 おわりに

あらゆる教育論は、最終的には「教師論」に帰結すると言われる。北尾倫彦氏も次のように述べている。

北尾倫彦氏

3)

子どもの自己教育力を育てるためには、先生自身が、絶えず自己教育を行っていないければならないと言えます。先生の自己教育と、子どもの自己教育とは車の両輪のようなものであり、切り離して考えるわけにはいきません。

教師は、子どもたちのmodelであり、「めざす子ども像」を胸に抱いて日々の教育実践にあたる教師としては、その「めざす子ども像」を「こころざす教師像」に置き換えて自己を見つめる必要がある。

本稿では、めざす子どもの姿として「学びの自立」を掲げ、それを具現化するための教師の支援について具体例を示しながら提案してきたが、子どもに「学びの自立」を求める教師自身の「学びの自立」について、厳しく自己評価していかなければならないと思う。

今後も身のまわりの数・量・形にこだわる教師、自ら問いをもち、その追究を楽しむ教師、自己を高めるために努力を怠らない教師でありたいと思う。

《引用文献》

- 1) 梶田叡一、『自己教育への教育』、明治図書、1985、p. 17, pp. 86-87
- 2) 安彦忠彦、「自己評価による自己教育力の育成」、『生きる力を育てる教育を求めて：教育セミナー関西'97収録集』、日本教育新聞社、1997、p. 105
- 3) 北尾倫彦、『自己教育力を育てる先生』、図書文化、1986、p. 218

《参考文献》

- 松浦武人、「練り上げの方向性を明確にする算数科の学習」、『算数教育No. 501』、明治図書、1997
- 松浦武人、「日常の事象に数理を観る眼を育む算数」、梶田叡一・加藤明編、『新しい学力観に立つ授業づくりの方法』、東京書籍、1995